

۸۶/۶/۲

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون دانشپذیری
دوره‌های فرآگیر کارشناسی ارشد دانشگاه پیام نور
سال ۱۳۸۶

رشته‌ی
مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)

شماره داوطلبی:	نام و نام خانوادگی:
مدت پاسخگویی:	تعداد سؤال: ۶۰ دقیقه

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	سیستم عامل پیشرفته	۲۰	۱	۲۰
۲	پایگاه داده‌های پیشرفته	۲۰	۲۱	۴۰
۳	الگوریتم پیشرفته	۲۰	۴۱	۶۰

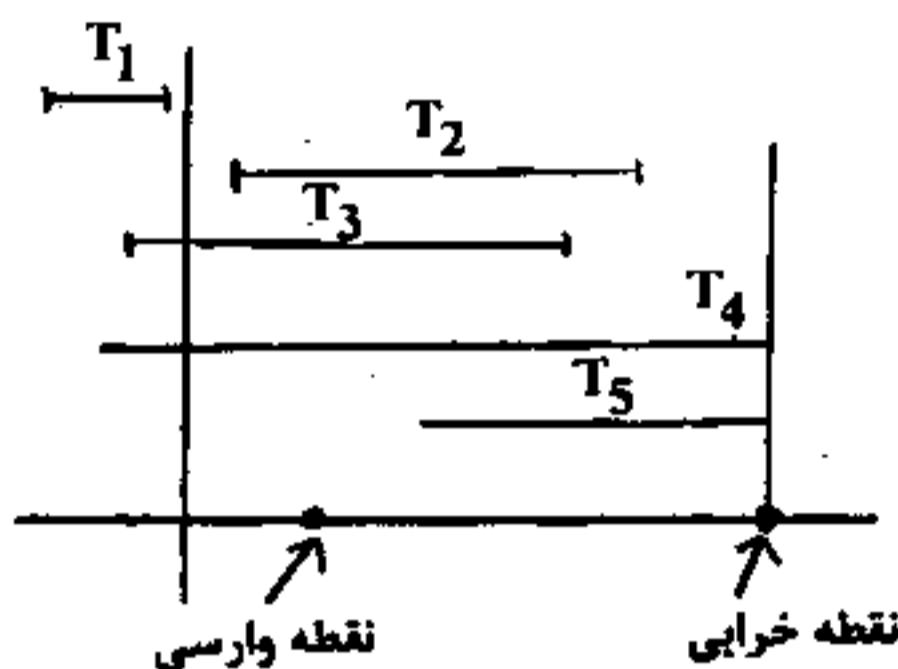
شهریور ماه سال ۱۳۸۶

- ۱ کدامیک از موارد زیر مربوط به مکانیابی **server** به روش **Broadcast based** نمی‌باشد؟
- ۱) client، درخواست را منتشر می‌کند.
 - ۲) آدرس ماشین و آدرس فرایند از قبل مشخص می‌باشد.
 - ۳) قابلیت ذخیره کردن پاسخ برای آینده را دارد.
 - ۴) server، آدرس را از یک فضای آدرس sparse انتخاب می‌کند.
- ۲ در طراحی مدل **client-server**، کدامیک از موارد زیر لحاظ نمی‌شود؟
- | | | | |
|-----------------------|-----------------------------------------------|-----------------|-----------------------|
| parameter caching (۴) | Addressing (۳) | Buffering (۲) | Blocking (۱) |
| server-push (۴) | client-push (۳) | server-pull (۲) | client-pull (۱) |
| | one-way RPC (۲) | | Synchronized RPC (۱) |
| | در هر سه مدل قابلیت اطمینان تضمین می‌شود. (۴) | | Asynchronized RPC (۳) |
- ۳ کدام عبارت در مورد الگوریتم‌های همزمان‌سازی **clock** صحیح نیست؟
- ۱) الگوریتم Cristian از UTC استفاده می‌کند.
 - ۲) الگوریتم Time daemea از Berkeley استفاده می‌کند.
 - ۳) تمام الگوریتم‌های هم زمان‌سازی **clock** به صورت centralize شده می‌باشند.
 - ۴) در الگوریتم Averaging، در شروع هر دوره زمانی، هر ماشین زمان جاری را بر اساس **clock** مربوط به خود، منتشر می‌کند.
- ۴ فرض کنید یک فرایند انتخاب، در بین ۸ فرایند در حال انجام باشد و برای این فرایند از الگوریتم **Ring** استفاده شود، چه تعداد پیام برای انجام فرایند لازم است؟
- (۱) n^2
(۲) $2n - 1$
(۳) $2n$
(۴) $2(n - 1)$
- ۵ کدامیک از الگوریتم‌های مورد استفاده در **mutual Exclusion** کارآمدتر است؟
- | | | |
|----------------------------|----------------------------|----------------------------|
| BIGIN – TRANSACTION | BIGIN – TRANSACTION | BIGIN – TRANSACTION |
| $x = 0;$ | $x = 0;$ | $x = 0;$ |
| $x = x + 5;$ | $x = x + 1;$ | $x = x + 3;$ |
| END – TRANSACTION | END – TRANSACTION | END – TRANSACTION |
- زمان →
- | | | | | | |
|----------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| $x = 0;$ | $x = 0;$ | $x = x + 1;$ | $x = 0;$ | $x = x + 3;$ | $x = x + 5;$ |
| $x = 0;$ | $x = 0;$ | $x = x + 1;$ | $x = x + 3;$ | $x = 0;$ | $x = x + 5;$ |
| $x = 0;$ | $x = x + 1;$ | $x = 0;$ | $x = x + 3;$ | $x = 0;$ | $x = x + 5;$ |
| $x = 0;$ | $x = x + 1;$ | $x = 0;$ | $x = x + 5;$ | $x = 0;$ | $x = x + 3;$ |
- ۶ کدامیک از موارد زیر جزء ویژگی‌های **Thread** نمی‌باشد؟
- ۱) Thread‌ها، قابلیت دسترسی کامل به فضای آدرس را دارند.
 - ۲) Thread‌ها مختلف در یک فرایند کاملاً از هم مستقل هستند.
 - ۳) Thread‌ها می‌توانند به صورت موازی روی پردازشگرها اجرا شوند.
 - ۴) Thread‌ها می‌توانند متغیرهای عمومی یکسان در فضای آدرس را به اشتراک بگذارند.
- ۷ کدام مورد از مزایای Thread‌های سطح کاربر به حساب نمی‌آید؟
- ۱) Thread‌ها با یکدیگر در رقابت هستند.
 - ۲) قابلیت انعطاف‌پذیری در زمان‌بندی دارند.
 - ۳) برای پشتیبانی این نوع Thread‌ها نیازی به اصلاح هسته نمی‌باشد.
 - ۴) در این نوع Thread‌ها، برای ایجاد، حذف و سوئیچ کردن نیازی به فراخوانی سیستم نمی‌باشد.
- ۸ کدامیک، جزء لایه‌های منطقی فضای نامی سیستم‌های توزیع شده نیست؟
- | | | | |
|---------------------------|----------------------|------------------|----------------|
| Adminstrational layer (۴) | managerial layer (۲) | global layer (۲) | zone layer (۱) |
|---------------------------|----------------------|------------------|----------------|
- ۹ کدام عبارت نادرست است؟
- ۱) server‌های حالت کامل (statefull) اطلاعات مربوط به نحوه دسترسی client‌ها را نگهداری می‌کند.
 - ۲) server‌های حالت کامل نسبت به server‌های بدون حالت، مقاومت بیشتری در مقابل قفل کردن دارند.
 - ۳) طول پیامهای مربوط به درخواست‌های client‌ها در server‌های حالت کامل و server‌های بدون حالت یکسان می‌باشد.
 - ۴) در server‌های بدون حالت (stateless) در فاصله زمانی بین درخواست‌های client، اطلاعات روی server نگهداری می‌شود.

- ۱۳ در کدام یک از semantic سیستم‌های مورد استفاده در به اشتراک گذاشتن فایلها، تغییرات به وجود آمده، بلاfaciale برای تمام فرایندها قابل رویت می‌باشد؟
- (۱) Atomic – Semantic (۲) Immutable - Semantic
 (۲) Atomic transaction semantic (۴) Unix – Semantic
- ۱۴ کدام یک از انواع سیستم‌های فایل برای پیاده‌سازی Network file system مناسب‌تر است؟
- (۱) Unix (۴) سیستم فایلی شبیه Unix
 (۲) FAT32 (۳) NTFS (۴) RFS
- ۱۵ برای ساختن سیستم‌های وابسته، حائز اهمیت نمی‌باشند.
- (۱) Maintain ability (۴) Replication (۳) Availability (۲) safty
- ۱۶ در کدام یک از مدل‌های سازگاری (Consistency)، دسترسی‌ها بر اساس زمان مرتب نشده‌اند؟
- (۱) sequential (۴) strict (۳) Causal (۲) FIFO
- ۱۷ کدام بیان در خصوص سازگاری ضعیف (weak) صحیح است؟
- (۱) می‌توان به صورت هم زمان عملیات خواندن داده‌ها و عملیات هم زمان‌سازی را انجام داد.
 (۲) دسترسی به متغیرهای هم زمان‌ساز به صورت دنباله‌ای سازگار قابل پیاده‌سازی نمی‌باشد.
 (۳) قبل از اینکه یک عملیات آزادسازی مجاز انجام شود، تمام عملیات خواندن و نوشتن قبلی توسط فرایند، باید کامل شده باشد.
 (۴) تا زمانی که تمام عملیات نوشتن قبلی در هر مکانی از حافظه کامل نشده باشد، هیچ عملیاتی روی یک متغیر هم زمان‌ساز قابل انجام نمی‌باشد.
- در الگوریتم Token-Ring مربوط به هم زمان‌سازی در سیستم‌های توزیع یافته با در نظر گرفتن ۱۱ فرایند، به چه میزان تأخیر نیاز است؟
- (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۰ تا ۱ (۴) ۲
- ۱۸ کدام عبارت در مورد Thread‌ها صحیح است؟
- (۱) هسته از حضور Thread‌های سطح کاربر آگاه می‌باشد.
 (۲) هزینه استفاده از Thread‌ها مستقل از نوع آنها می‌باشد.
 (۳) Thread‌های سطح هسته در تک پردازنده‌ها موجب سربار بیشتر می‌شوند.
 (۴) تصمیم‌های مربوط به زمانبندی در Thread‌های سطح کاربر نسبت به Thread‌های سطح هسته بهتر انجام می‌گیرد.
- با توجه به شکل مقابل، کدام عبارت درست است؟
- (۱) کانال ارتباطی بین client , server یک کانال مطمئن می‌باشد.
 (۲) کانال ارتباطی بین client , server یک کانال نامطمئن می‌باشد.
 (۳) ارتباطات بین client , server به صورت نامطمئن روی یک کانال مطمئن انجام می‌شود.
 (۴) ارتباطات بین client , server به صورت مطمئن روی یک کانال نامطمئن انجام می‌شود.



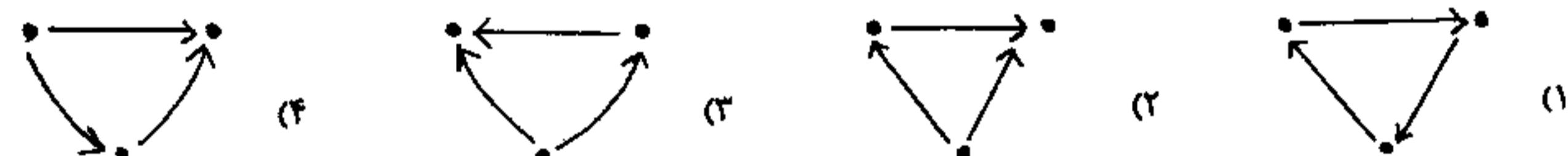
- در صورت رعایت تمام قواعد جامعیت توسط یک تراکنش، کدام یک از خواص ACID حتماً برقرار است؟
- (۱) خاصیت A
 - (۲) خاصیت C
 - (۳) خاصیت I
 - (۴) خاصیت D
- بهینه‌سازی منطقی عبارتست از تبدیل پرسش کاربر به پرسشی در یک فرم کارآتو در:
- (۱) جبر رابطه‌ای
 - (۲) حساب رابطه‌ای
 - (۳) زبان ماشین
 - (۴) یک زبان برنامه‌سازی سطح بالا
- در پیاده‌سازی توابع جمعی، بهینه‌ساز شبیه پیاده‌سازی کدام عمل رفتار می‌کند؟
- (۱) عمل پرتو
 - (۲) عمل گزینش
 - (۳) عمل حذف تکراری‌ها
 - (۴) هیچ کدام
- کدام مورد از محدودیت‌های جامعیتی ساختاری نیست؟
- (۱) محدودیت گذاری
 - (۲) محدودیت دامنه‌ای
 - (۳) محدودیت صفتی
 - (۴) محدودیت هیچ مقدار ناپذیری با توجه به روند اجرای تراکنش‌ها مطابق نمودار زیر، و با فرض الگوریتم REDO، کدام تراکنش‌ها باید REDO شوند؟



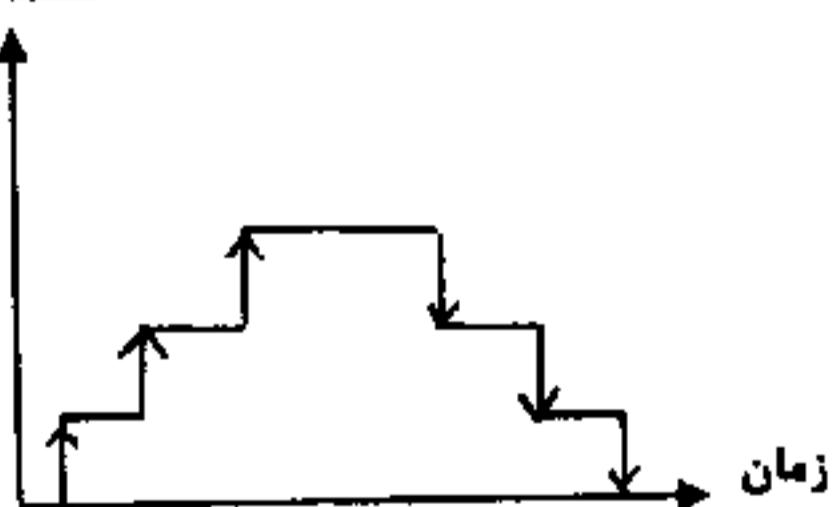
- (۱) T_4, T_5
- (۲) T_2, T_3
- (۳) T_1, T_2, T_3
- (۴) T_2, T_3, T_4

- در مقایسه بین فایل ثبت منطقی نسبت به فایل ثبت فیزیکی کدام مورد درست است؟
- (۱) اندازه: بزرگ‌تر، کار ترمیم: آسان‌تر
 - (۲) اندازه: کوچک‌تر، کار ترمیم: آسان‌تر
 - (۳) اندازه: بزرگ‌تر، کار ترمیم: دشوارتر
 - (۴) اندازه: کوچک‌تر، کار ترمیم: دشوارتر
- در تکنیک چند نسخه‌سازی مبتنی بر 2PL، یک فقره داده می‌تواند در یکی از وضع باشد.
- (۱) دو
 - (۲) سه
 - (۳) چهار
 - (۴) پنج
- در پروتکل TO بین دو عمل متعارض همیشه عمل رد می‌شود.
- (۱) متقدم
 - (۲) متاخر
 - (۳) متقدم، اگر نوشتمن باشد
 - (۴) متقدم، اگر خواندن باشد
- اگر VSR مجموعه طرح‌های توالی‌پذیر نمایی و CSR مجموعه طرح‌های توالی‌پذیر تعارضی باشد، کدام مورد درست است؟
- (۱) $VSR \subseteq CSR$
 - (۲) $CSR \subseteq VSR$
 - (۳) $CSR \subset CSR$
 - (۴) $VSR \subset CSR$
- با توجه به طرح S گراف پیشایندی کدام است؟

$R_3(Y), R_3(Z), R_1(X), W_1(X), W_3(Y), W_3(Z), R_2(Z), R_1(Y), W_2(X), R_2(Y), W_2(Y), R_2(X), W_2(X);$



تعداد قفل



نمودار مقابل مربوط به کدام تکنیک قفل‌گذاری است؟

- (۱) 2 PL مبنایی
- (۲) 2 PL شدید
- (۳) 2 PL جسورانه
- (۴) 2 PL محافظه‌کارانه

- تکنیک اعلان قصد قفل‌گذاری نسبت به تکنیک قفل‌گذاری روی چند واحد قفل‌شدنی با روش قفل‌گذاری معمولی، چه مزیتی دارد؟
- (۱) تقویت همروندي
 - (۲) کاهش تعداد قفل‌ها
 - (۳) کاهش انواع قفل‌ها
 - (۴) سرعت در تصمیم‌گیری برای قفل‌گذاری
- کدام مورد از مزایای پروتکل درختی نیست؟
- (۱) پیشگیری از بروز بن‌بست
 - (۲) تقویت همروندي نسبت به 2 PL
 - (۳) عدم قفل‌گذاری داده‌هایی که تراکنش به آنها نیاز ندارد.

تراکنش T را می‌توان با یک ترتیب جزئی به صورت $\{ \sum, \epsilon \} = T$ نمایش داد. برای تراکنش زیر، مجموعه ϵ چند عضو دارد؟	-۳۴		
BEGIN TRANSACTION	۷ (۱)		
$R(D_1)$	۶ (۲)		
$R(D_2)$	۵ (۳)		
$D := D_1 + D_2$	۴ (۴)		
$W(D_1)$			
COMMIT			
در حالت قفل باینری، کدام مورد در ساختار داده‌ی قفل، لازم نیست؟	-۳۵		
(۱) شناسه واحد قفل شدنی	(۲) نوع قفل		
(۳) شناسه تراکنش	(۴) وضع زیر نشان دهنده کدام مشکل است؟		
… $W_1(D) \dots, R_2(D) \dots, C_1 \dots C_2$	-۳۶		
(۱) تحلیل ناسازگار	(۲) خواندن تکرار نشدنی		
(۳) به هنگام سازی از دست رفته	(۴) خواندن داده غیر قطعی (داده ناجور)		
کدام الگوریتم‌های ترمیم زیر، کارایی تقریباً یکسان دارند؟	-۳۷		
NU-NR : IV U-NR : III NU-R : II U-R : I			
(۱) I و II (۴)	(۲) III و I (۳)	(۳) III و II (۲)	(۴) I و II (۱)
طرح زیر با کدام پروتکل توالی پذیر تعارضی می‌شود؟	-۳۸		
R ₁ (D ₁), R ₂ (D ₁), W ₂ (D ₁), R ₂ (D ₂), W ₂ (D ₂), R ₁ (D ₂), DISPLAY(D ₁ + D ₂);			
I: پروتکل تایید II: پروتکل 2PL III: پروتکل زمانیبر			
(۱) I و II (۴)	(۲) III فقط	(۳) II و III	(۴) فقط I
در الگوریتم WD اگر تراکنش T_i خواهان قفل باشد و تراکنش T_j روی داده مورد نیاز T_i قفل داشته باشد، در چه صورت T_i طرد می‌شود؟	-۳۹		
(۱) $TS(T_i) \leq TS(T_j)$ (۴) $TS(T_i) \geq TS(T_j)$ (۳) $TS(T_i) < TS(T_j)$ (۲) $TS(T_i) > TS(T_j)$			
اگر هزینه یک طرح اجرای کامل‌بهینه، C باشد و هزینه یک طرح اجرا 6 برآورده شود، در این صورت این طرح:	-۴۰		
(۱) پذیرفتی است. (۲) خوب است. (۳) بد است. (۴) خیلی بد است.			

- ۴۱ برای تعیین بخش‌های کاملاً متصل (Strongly-Connected-Components) و نیز همبندی گراف داده شده حداقل چند بار عرضه DFS لازم است؟
- در کل ۲ مرتبه
 - یک مرتبه برای هر کدام S.C.C
 - دو مرتبه برای تشخیص همبندی و دو مرتبه برای S.C.C
- ۴۲ پیدا کردن کوتاه‌ترین مسیر از یک رأس به تمام رئوس یک گراف توسط الگوریتم‌های Dijkstra، Bellman-Ford و Floyd-Warshall در گراف ساده و حالتی که گراف جهت‌دار و بدون دور باشد (DAG)، به ترتیب چقدر هزینه زمانی دارد؟
- $O(V+E)$, $O(V\log V+E)$, $O(V \cdot E)$
 - $O(E)$, $O(E\log E+V)$, $O(V^2 \cdot E)$
 - $O(V\log V)$, $O(E\log V)$, $O(V \cdot E)$
 - $O(V+E)$, $O(V\log V+E)$, $O(V^4)$
- ۴۳ کدام گزینه در مورد الگوریتم Floyd-Warshall نادرست است؟
- زمان اجرای الگوریتم از مرتبه $O(V^3)$ است.
 - کوتاه‌ترین مسیر از یک رأس داده شده به تمام رئوس را پیدا می‌کند.
 - گراف می‌تواند در شرایط خاص دارای یال‌های با وزن منفی باشد.
 - الگوریتم بر مبنای Transitive-Closure بنا شده است.
- ۴۴ یک گراف جهت‌دار و وزن‌دار G و یک شبکه شاره f در آن داده شده‌اند. کدام گزینه صحیح است؟
- اگر $[S,T]$ یک برش در G_f باشد، $\| [S,T] \|$ مقدار بالای جریان در G است.
 - جریان بیشینه است اگر یک $[S,T]$ در G_f وجود داشته باشد به طوری که $\| [S,T] \| > 0$.
 - اگر $[S,T]$ یک برش در G باشد، اندازه $|f|$ همواره کوچکتر یا مساوی $\| [S,T] \|$ است.
 - اگر $[S,T]$ یک برش در G_f باشد، حداقل مقدار $|f|$ برابر با حداقل $\| [S,T] \|$ است.
- ۴۵ یک گراف و یک زیر درخت پوشای با کمترین وزن آن داده شده‌اند. برای به دست آوردن یک درخت پوشای با کمترین وزن که وزن آن بیشتر از درخت کمینه داده شده باشد، چقدر زمان لازم است؟
- $O(E)$
 - $O(E \log E)$
 - $O(\log V)$
 - $O(E \log V + V)$
- ۴۶ فرض کنید در یک شبکه مرتب‌کننده، مقایسه‌گرهای با کلیدهای دستی تعویض شده‌اند. هر کلید دستی می‌تواند در دو حالت قرار گیرد به طوری که یا ورودی بالا به خروجی بالا و ورودی پایین را به خروجی پایین وصل نماید و یا بالعکس. کدام گزینه صحیح است؟
- مدار مرتب‌کننده دارای (n^2) مقایسه‌کننده است.
 - با تنظیم صحیح کلیدها پس از دریافت یک ورودی، می‌توان هر ترتیب دلخواه را در خروجی تولید نمود.
 - زمان لازم برای مرتب کردن یک ورودی داده شده، پس از تنظیم کلیدها، برابر با $O(n^2)$ است.
 - در صورتی می‌توان هر ترتیب دلخواه از ورودی را در خروجی تولید نمود که ورودی مرتب‌شده‌ی صعودی یا نزولی باشد.
- ۴۷ برای ضرب دو ماتریس 2×2 در یکدیگر، با استفاده از روش strassen به ترتیب چند عمل ضرب و چند عمل جمع یا تفریق نیاز است؟
- ۱۷ و ۱۷
 - ۱۸ و ۱۹
 - ۱۹ و ۲۰
 - ۲۰ و ۲۱
- ۴۸ یک برنامه‌ریزی خطی با n متغیر به صورت (A,b,c) را در نظر بگیرید که \bar{x} یک جواب ممکن به آن و \bar{y} یک جواب معکن برای دو گان آن باشد. کدام شرط زیر بینه بودن \bar{x} و \bar{y} را نشان می‌دهد؟
- $$\sum_{i=1}^n b_i \bar{x}_i = \sum_{j=1}^m c_j \bar{y}_j \quad (1) \quad \sum_{i=1}^n c_i \bar{x}_i = \sum_{j=1}^m b_j \bar{y}_j \quad (2) \quad A^{-1} \bar{x} = A \bar{y} \quad (3) \quad A \bar{x} = A^{-1} \bar{y} \quad (4)$$
- ۴۹ فرض کنید T متن ورودی و P الگوی مورد نظر باشد و تابع σ را به صورت $\sigma(x) = \max\{k : P_k \sqsubseteq x\}$ در نظر بگیرید. کدام گزینه نادرست است؟
- اگر $(T_i = q)$ باشد، برای هر حرف a داریم: $\sigma(P_q.a) = q + 1$
 - برای هر رشته‌ی x و حرف a ، همواره $\sigma(x.a) \leq \sigma(x) + 1$ است.
 - اگر $(x = q)$ برای یک رشته‌ی x باشد، آنگاه $\sigma(x.a) = \sigma(P_q.a)$
 - برای سه رشته‌ی دلخواه x, y, z اگر $y \sqsubseteq x$ و $y \sqsubseteq z$ آنگاه $z \sqsubseteq x$ به شرطی که $|x| \leq |z|$

-۵۰

کدام گزینه صحیح نمی‌باشد؟

- ۱) می‌توان تزدیک‌ترین زوج نقاط از یک مجموعه نقاط را در زمان $O(n \log n)$ یافت.
- ۲) حداقل زمان مورد نیاز برای محاسبه پوش محدب برابر با $O(n \log n)$ است.
- ۳) با استفاده از حاصل ضرب خارجی اصلاح یک زاویه می‌توان راست‌گرد یا چپ‌گرد بودن آن را تعیین کرد.
- ۴) برای تشخیص اینکه هیچ ۲ نقطه‌ای از یک مجموعه نقاط بروی یک خط راست نیستند به زمان $\Omega(n^3)$ نیاز است.

-۵۱

کدام یک از مسأله‌های زیر **NP-Complete** نیست؟

- ۱) مسأله‌ی **Clique**: یک گراف داده شده است، می‌خواهیم بدانیم اندازه‌ی بزرگ‌ترین زیر گراف کامل آن چقدر است.
- ۲) مسأله‌ی تقسیم مجموعه: یک مجموعه از اعداد داده شده است، می‌خواهیم آن را به دو قسمت افزایش کنیم به طوری که مجموع اعداد هر بخش با هم برابر باشد.

- ۳) مسأله‌ی برنامه‌ریزی (1 - ۵): یک ماتریس A و یک آرایه b داده شده‌اند، می‌خواهیم بدانیم آیا یک آرایه x وجود دارد که مقادیر آن صفر و یک بوده و $Ax \leq b$ باشد (ماتریس‌ها قابل ضرب در یکدیگر می‌باشند)

- ۴) مسأله‌ی **Subset-Sum**: یک مجموعه از اعداد و یک عدد S داده شده است می‌خواهیم زیر مجموعه‌ای از اعداد انتخاب کنیم که حاصل جمع آنها S باشد. (به صورت یک یکی **Unary** بیان می‌شود).

کدام مسأله را نمی‌توان با ضریب تقریب ثابت حل کرد؟

-۵۲

(۱) مسأله‌ی **Subset-Sum**(۲) مسأله‌ی **Set-covering**

- ۳) مسأله‌ی فروشنده‌ی دوره‌گرد (**Vertex Cover**) (۴) مسأله‌ی پوشش رأسی (**Traveling Salesman**) یک دنباله مرتب شده از نقاط بر حسب \star داده شده است و می‌دانیم که هیچ سه نقطه‌ای روی یک خط راست قرار ندارند. برای محاسبه پوش محدب (**Convex Hull**) نقاط داده شده به چقدر زمان نیاز است؟

-۵۳

(۱) $O(n \log n)$ (۲) $O(\log n)$ (۳) $O(n^2)$ (۴) $O(n)$

کدام گزینه در مورد مدارهای مرتب گفته صحیح نمی‌باشد؟

-۵۴

- ۱) یک Sorter حداکثر به $O(n^2)$ مقایسه‌گر نیاز دارد.

- ۲) یک Half-Cleaner در زمان $O(1)$ کار خود را به اتمام می‌رساند.

- ۳) یک Bitonic-Sorter به زمان $O(\log n)$ برای مرتب‌سازی نیاز دارد.

- ۴) مدار مرتب‌کننده‌ای که بتواند یک عدد را به مجموعه $1 - n$ عدد مرتب شده‌ی قبلی اضافه کند، حداقل $n \log n$ لایه دارد.

-۵۵

- تعداد گره‌های علامت‌دار در یک **Fibonacci-Heap** پس از اعمال **Decrease-Key** و **Union** به ترتیب، چه تغییری می‌کند؟

- ۱) بدون تغییر می‌ماند – کاهش می‌یابد.

- ۲) بدون تغییر می‌ماند – بدون تغییر می‌ماند.

- ۳) کاهش می‌یابد – بدون تغییر می‌ماند.

- ۴) کاهش می‌یابد – افزایش می‌یابد.

کدام الگوریتم کوتاه‌ترین مسیر از هر رأس یک گراف به هر رأس دیگر آن را محاسبه می‌نماید؟

-۵۶

(۱) Dijkstra (۲) Floyd-Warshall (۳) Bellman-Ford (۴) هیچ کدام

کدام عبارت در مورد الگوریتم **Simplex** نادرست است؟

-۵۷

- ۱) زمان اجرای الگوریتم در بدترین حالت نمایی است.

- ۲) اگر الگوریتم از میزان معینی بیشتر طول بکشد، درون حلقه افتاده است.

- ۳) الگوریتم در اولین مرحله، یک شکل slack از برنامه‌ریزی خطی را تولید می‌کند.

- ۴) اگر برنامه‌ریزی خطی جواب ممکنی نداشته باشد، ممکن است الگوریتم Simplex زمان نمایی صرف کند.

کدام گزینه صحیح است؟

-۵۸

- ۱)تابع هزینه برای تحلیل **Fibonacci-Heap** برابر $t(H) + m(H)$ است

- ۲) یک درخت **Fibonacci** همواره کمتر از درخت **Binomial** هم مرتبه‌ی خود عنصر دارد.

- ۳) تمام اعمال در **Fibonacci-Heap** به صورت سرشکن از مرتبه‌ی $O(1)$ می‌باشد بجز **Extract-Min**

- ۴) هزینه واقعی (فیزیکی) یک عمل حذف که بلا فاصله پس از یک عمل حذف دیگر انجام نشده برابر $O(\log n)$ است

-۵۹

کدام گزینه در مورد **Binomial-Heap** و **Fibonacci-Heap** صحیح است؟

- (۱) یک درخت Fibonacci مرتبه k حداقل 2^k عنصر دارد.
- (۲) هر دو دارای فهرستی پیوندی به طول حداقل $O(\log n)$ می‌باشند.
- (۳) فهرست فرزندان یک گره از یک درخت Fibonacci یک طرفه و حداقل به طول $O(\log n)$ است.
- (۴) می‌توان فرزندان یک درخت Binomial را از کوچک به بزرگ (از چپ به راست) مرتب کرد و هیچ تغییری در زمان اجرای اعمال heap نداشت.

-۶۰

یک شمارنده دودویی با b -بیت (**binary counter**) از یک عدد دلخواه شروع به شمارش می‌نماید و به تعداد k بار عمل افزایش (**increment**) را انجام می‌دهد. کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) هر زینه هر افزایش برابر با $O(b)$ است.
- (۲) هر زینه سرشکن هر افزایش برابر $O(1)$ است.
- (۳) اگر $k > \log b$ ، زمان سرشکن (**amortized**) هر افزایش برابر با $O(1)$ است.
- (۴) اگر $k > b$ ، زمان هر افزایش به صورت سرشکن برابر $O(1)$ است.